

Авторы благодарны за помощь при проведении полевых работ сотрудникам Института сейсмологии АН Туркмении Т. К. Беркелиеву, М. К. Беркелиеву, сотрудникам музея Ильменского заповедника В. Ю. Карпенко и П. В. Хворову, за получение инфракрасного спектра — сотруднику Института минералогии УрО РАН С. Н. Батурову.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований, код проекта 94—05—17585.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Надежина Т. Н., Соколова Е. В., Белаковский Д. И./Докл. АН СССР. 1990. Т. 313, № 4. С. 865—868.
2. Плюснина И. И. Инфракрасные спектры минералов. М.: Изд-во МГУ, 1977.
3. Семенов Е. И., Дусматов В. Д., Хомяков А. П. и др./Зап. ВМО. 1975. Вып. 5. С. 583—585.
4. Hawthorne F. C., Kimata M., Serguy R. et al./Amer. Mineral. 1991. Vol. 76. P. 1836—1856.

Поступила в редакцию  
14.02.95

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 4, ГЕОЛОГИЯ. 1996. № 2

УДК 550.837.3

В. А. Шевнин, И. Н. Модин, Е. В. Перваго, Д. К. Большаков

## ИЗУЧЕНИЕ ОСОБЕННОСТЕЙ ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ЗОНДИРОВАНИЙ НАД ПОГРЕБЕННОЙ АНИЗОТРОПНОЙ СРЕДОЙ

**Введение.** Подобная задача в теоретическом плане является более общей, чем задача о поле над анизотропным полупространством, и весьма важной в практическом отношении. Авторы в ходе полевых работ на Чукотке в районе г. Билибино, в Донецке, на территории Крымской учебной геофизической практики и в других местах сталкивались с подобными ситуациями. Для обеспечения научно-производственных и учебных полевых исследований возникла потребность в создании программного обеспечения для электрических наблюдений над анизотропным полупространством с наносами. В литературе известны решения этой задачи [1—3]. Зная об этих работах, мы все же предприняли свою попытку решения задачи, преследуя следующие цели: 1) необходимы алгоритмы для разных установок; 2) конечные расчетные формулы должны сохранить ясную структуру и четкий физический смысл; 3) сведение расчетных формул к виду интегралов Ханкеля может позволить применить для их расчета метод линейной фильтрации; 4) формулы должны быть удобны для решения обратной задачи.

Наиболее общей постановкой слоистой анизотропной задачи можно считать горизонтально-слоистую модель с произвольно ориентированной анизотропией в каждом слое [4]. Мы рассматриваем более частный случай: анизотропное основание с вертикальной ориентированной анизотропией и изотропные наносы, как в работе [1].

**Модель среды.** Рассматривается двухслойная модель среды: верхний слой имеет сопротивление  $\rho_1$  и мощность  $H$ , нижний слой — анизотропное полупространство: продольное сопротивление  $\rho_t$  и поперечное  $\rho_n$ , коэффициент анизотропии  $\lambda = (\rho_n/\rho_t)^{1/2}$ , среднее квадратичное сопротивление  $\rho_m = (\rho_n \cdot \rho_t)^{1/2}$  и угол падения анизотропной толщи  $90^\circ$ . Ось X направлена вкrest простирания анизотропной толщи, а ось Y —

по простиранию, ось  $Z$  — вертикально вниз. Начало координат в точке источника  $A$ , расположенному на поверхности земли. Приемные электроды ( $M$  или  $MN$ ) тоже на поверхности. Необходимо найти значения потенциала  $U$  и напряженности поля  $E$  на поверхности земли.

**Решение задачи.** Общий ход решения следующий: исходное уравнение Лапласа; переход для решения в спектральную область; получение решения, содержащего неопределенные коэффициенты, на уровне спектров; определение коэффициентов из граничных условий; обратное преобразование из спектральной в действительную область; преобразование формул к виду, удобному для численных расчетов.

Потенциал в верхнем слое  $U_1$  можно определить из решения уравнения Лапласа:

$$\frac{\partial^2 U_1}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 U_1}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 U_1}{\partial z^2} = 0, \quad (1)$$

где электрический потенциал в первом слое  $U_1$  можно представить в виде суммы нормального потенциала  $U_0$  первичного точечного источника для однородного полупространства с сопротивлением  $\rho_1$  и аномального потенциала  $U$ .

$$U_1 = U_0 + U. \quad (2)$$

В нижнем анизотропном полупространстве потенциал подчиняется уравнению Лапласа вида

$$\alpha^2 \frac{\partial^2 U_2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 U_2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 U_2}{\partial z^2} = 0, \quad (3)$$

где  $\alpha^2 = \rho_t / \rho_n = 1/\lambda^2$ .

Границные условия имеют следующий вид:

$$U_1 = U_2 \text{ при } z = H; \quad (4)$$

$$j_{1z} = j_{2z} \text{ или } \frac{1}{\rho_1} \frac{\partial U_1}{\partial z} = \frac{1}{\rho_t} \frac{\partial U_2}{\partial z} \text{ при } z = H; \quad (5)$$

$$\frac{\partial U_1}{\partial z} = 0 \text{ при } z = 0. \quad (6)$$

Физические условия на источнике и бесконечности можно записать следующим образом:

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 0}} U_1 = \infty; \quad \lim_{\substack{x \rightarrow \infty \\ y \rightarrow \infty}} U_1 = 0; \quad \lim_{\substack{x \rightarrow \infty \\ y \rightarrow \infty \\ z \rightarrow \infty}} U_2 = 0. \quad (7)$$

*Переход в спектральную область.* Для решения используем двойное преобразование Фурье

$$\bar{U} = \frac{1}{2\pi} \iint_{-\infty}^{\infty} U \cdot \cos(k_x, x) \cdot \cos(k_y, y) dx dy,$$

$$U = \frac{1}{2\pi} \iint_{-\infty}^{\infty} \bar{U} \cdot \cos(k_x, x) \cdot \cos(k_y, y) dk_x dk_y.$$

Запишем спектральные потенциалы ( $\bar{U}_1$ ,  $\bar{U}_2$ ) и их вертикальные производные в первой и второй среде в виде

$$\bar{U}_1(k_x, k_y) = A_1(k_x, k_y) e^{zk_1} + B_1(k_x, k_y) e^{-zk_1} + \bar{U}_1^0, \quad (8)$$

где  $k_1 = \sqrt{k_x^2 + k_y^2}$ ;

$$\bar{U}_2(k_x, k_y) = B_2(k_x, k_y) e^{-zk_2}, \quad (9)$$

где  $k_2 = \sqrt{(ak_x)^2 + k_y^2}$ ;

$$\frac{\partial \bar{U}_1(k_x, k_y)}{\partial z} = k_1 A_1 e^{zk_1} - k_1 B_1 e^{-zk_1} - k_1 \frac{I\rho_1}{2\pi k_1} \cdot e^{-zk_1}, \quad (10)$$

$$\frac{\partial \bar{U}_2(k_x, k_y)}{\partial z} = -k_2 B_2 e^{-zk_2}. \quad (11)$$

Коэффициенты  $A_1$ ,  $B_1$  и  $B_2$  найдем из граничных условий для  $z=0$  и  $z=H$ . Для  $z=0$  получаем, что  $A_1=B_1$ . Обозначив  $k_1/k_2=\gamma$ , получаем аналог коэффициента отражения

$$\bar{K}(k_x, k_y) = \frac{\gamma \rho_t - \rho_1}{\gamma \rho_t + \rho_1}$$

и с его помощью выразим  $A_1$ :

$$A_1(k_x, k_y) = \frac{\bar{K} e^{-2k_1 H}}{1 - \bar{K} e^{-2k_1 H}}. \quad (12)$$

Таким образом,

$$\bar{U}_1(k_x, k_y) = \frac{I\rho_1}{2\pi k_1} A_1(e^{k_1 z} + e^{-k_1 z}) + \bar{U}_0(k_x, k_y). \quad (13)$$

*Обратное преобразование Фурье.* После обратного преобразования спектрального решения, полагая  $z=0$ , получим

$$U_1 = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + \frac{r}{2\pi} \iint_{-\infty}^{+\infty} \frac{2A_1}{k_1} \cos(k_x x) \cos(k_y y) dk_x dk_y \right]. \quad (14)$$

Перейдем к полярной системе координат, обозначив:

$$k_x = k_r \cdot \cos k_\varphi, \quad k_y = k_r \cdot \sin k_\varphi, \quad dk_x dk_y = k_r dk_r dk_\varphi, \quad (15)$$

$$k_1 = k_r, \quad k_2 = k_r \cdot \sqrt{a^2 \cos^2 k_\varphi + \sin^2 k_\varphi},$$

$$k_r = \sqrt{k_x^2 + k_y^2}; \quad k_\varphi = \arctg \frac{k_y}{k_x};$$

$$\gamma(k_\varphi) = \frac{1}{\sqrt{a^2 \cos^2 k_\varphi + \sin^2 k_\varphi}},$$

$$\bar{K} = \bar{K}(k_\varphi); \quad (16)$$

$$U_1(r, \varphi, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + \frac{r}{\pi} \int_0^{+\infty} \int_0^{2\pi} A_1 \cos(k_r r \cdot [\cos(k_\varphi - \varphi)]) dk_\varphi dk_r \right]. \quad (17)$$

*Пределный переход.* Рассмотрим предельный случай перехода к изотропному основанию:

$$\gamma = 1; \quad \bar{K} = K = \frac{\rho_2 - \rho_1}{\rho_2 + \rho_1}; \quad (18)$$

$$U_1(r, \varphi, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + 2r \int_0^\infty \frac{Ke^{-2k_r H}}{1 - Ke^{-2k_r H}} \left( \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \cos(k_r r \cdot \cos(k_\varphi - \varphi)) dk_\varphi \right) dk_r \right]. \quad (19)$$

Интеграл в круглых скобках (по  $dk_\varphi$ ) — это функция Бесселя  $J_0(k_r r)$ . Таким образом, формула (17) имеет вид

$$U_1 = U_1(r) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + 2r \int_0^\infty \frac{Ke^{-2k_r H}}{1 - Ke^{-2k_r H}} J_0(k_r r) dk_r \right]. \quad (20)$$

Мы получили известное решение для изотропного основания, что говорит о вероятной правильности общего решения (17).

*Продолжение преобразований для двухслойной анизотропной модели.* Введем замену:  $\varphi = \pi/2 + \bar{\varphi}$ ;  $\cos(\pi/2 + \varphi) = -\sin(\varphi)$ , получим

$$U(r, \bar{\varphi}, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + \frac{r}{\pi} \int_0^\infty \int_0^{2\pi} A_1(k_r, k_\varphi) \cdot \cos(k_r r \sin(\bar{\varphi} - k_\varphi)) dk_\varphi dk_r \right]. \quad (21)$$

Воспользуемся тождеством

$$\cos(x \cdot \sin t) = J_0(x) + 2 \sum_{n=1}^{\infty} J_{2n}(x) \cdot \cos(2nt), \quad (22)$$

тогда

$$U(r, \bar{\varphi}, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + \frac{r}{\pi} \int_0^\infty \left( J_0(k_r r) \int_0^{2\pi} A_1(k_r, k_\varphi) dk_\varphi + \right. \right. \\ \left. \left. + 2 \sum_{n=1}^{\infty} J_{2n}(k_r r) \int_0^{2\pi} A_1(k_r, k_\varphi) \cdot \cos(2n(\bar{\varphi} - k_\varphi)) dk_\varphi \right) dk_r \right], \quad (23)$$

$$U(r, \bar{\varphi}, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + \frac{r}{\pi} \int_0^\infty \left( J_0(k_r r) \int_0^{2\pi} A_1(k_r, k_\varphi) dk_\varphi + \right. \right. \\ \left. \left. + 2 \sum_{n=1}^{\infty} J_{2n}(k_r r) \cdot \cos(2n\bar{\varphi}) \int_{-\pi}^{\pi} A_1(k_r, k_\varphi) \cdot \cos(2nk_\varphi) dk_\varphi \right) dk_r \right]. \quad (24)$$

Обозначим

$$B_{2n}(k_r) = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} A_1(k_r, k_\varphi) \cdot \cos(2nk_\varphi) dk_\varphi; n = 0, 1, 2, \dots \quad (25)$$

Тогда

$$U(r, \bar{\varphi}, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + r \left| \int_0^\infty J_0(k_r \cdot r) B_0(k_r) dk_r + \right. \right. \\ \left. \left. + 2 \sum_{n=1}^{\infty} \int_0^\infty J_{2n}(k_r \cdot r) B_{2n}(k_r) dk_r \cdot \cos(2n\bar{\varphi}) \right| \right]. \quad (26)$$

Заменим  $k_r$  на  $k_r^* = k_r r$ . Тогда  $k_r = k_r^*/r$ , а  $dk_r = dk_r^*/r$  и из (26) получим

$$U(r, \bar{\varphi}, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 1 + \int_0^\infty J_0(k_r) B_0\left(\frac{k_r}{r}\right) dk_r + \right. \\ \left. + 2 \sum_{n=1}^\infty \left( \int_0^\infty J_{2n}(k_r) B_{2n}\left(\frac{k_r}{r}\right) dk_r \right) \cdot \cos(2n\bar{\varphi}) \right]; \quad (27)$$

$$\rho_k(r, \bar{\varphi}, 0) = \rho_1 \left[ 1 + \int_0^\infty J_0(k_r) B_0\left(\frac{k_r}{r}\right) dk_r + \right. \\ \left. + 2 \sum_{n=1}^\infty \left( \int_0^\infty J_{2n}(k_r) B_{2n}\left(\frac{k_r}{r}\right) dk_r \right) \cos(2n\bar{\varphi}) \right] \quad (28)$$

и основную расчетную формулу  $\rho_k$  для потенциал-установки

$$\rho_k(r, \bar{\varphi}, 0) = \rho_1 \left[ C_0(H/r) + \sum_{n=1}^\infty C_n(H/r) \cdot \cos(2n\bar{\varphi}) \right], \quad (29)$$

$$\text{где } C_0(x) = 1 + \int_0^\infty J_0(k_r) B_0(k_r x) dk_r,$$

$$C_n(x) = 2 \int_0^\infty J_{2n}(k_r) B_{2n}(k_r x) dk_r.$$

Особенностями расчетной формулы (29) являются независимость  $B_0$ , а вследствие этого  $C_0$  от угла ориентации установки  $\bar{\varphi}$ , что позволяет предположить связь этого коэффициента с влиянием слоисто-изотропной составляющей разреза. Наоборот, зависимость других членов ряда от угла  $\bar{\varphi}$  подчеркивает их связь с анизотропией основания разреза. При этом влияние угла ориентации установки сосредоточено в  $\cos(2n\bar{\varphi})$ , расчет которых можно проводить отдельно от более трудоемких расчетов коэффициентов  $C$ , что позволяет после расчета  $C$  легко получить  $\rho_k$  для любого азимута установки. Важный вопрос — число членов ряда в (29). Дополнительными исследованиями установлено, что гармоники  $C_n$  убывают быстро и с достаточной для практики точностью можно ограничиться пятью первыми гармониками ( $n=0 \dots 4$ ).

*Выражения для компонент поля.* Преобразуем формулу (26) для  $U$  в выражения для компонент поля  $E_r$  и  $E_\varphi$ :

$$E_r(r, \bar{\varphi}, 0) = -\frac{\partial}{\partial r} U(r, \bar{\varphi}, 0) = \frac{I\rho_1}{2\pi r^2} \left[ 1 - r^2 \left[ \int_0^\infty k_r J'_0(k_r r) B_0(k_r) dk_r - \right. \right. \\ \left. \left. - 2 \sum_{n=1}^\infty \left( \int_0^\infty k_r J'_{2n}(k_r r) B_{2n}(k_r) dk_r \right) \cdot \cos(2n\bar{\varphi}) \right] \right]. \quad (30)$$

$$E_\varphi = -\frac{1}{r} \frac{\partial U}{\partial \varphi} =$$

$$= \frac{I\rho_1}{2\pi r} \left[ 2 \sum_{n=1}^{\infty} \int_0^{\infty} J_{2n}(k_r \cdot r) B_{2n}(k_r) dk_r \right] \cdot \sin(2n\varphi) \cdot 2n. \quad (31)$$

Отметим особенности формулы для  $E_\varphi$  компоненты — нулевая гармоника ( $B_0$ ), не зависящая от анизотропии, в ней отсутствует, а влияют только гармоники  $B$  для  $n=1, 2, \dots$ , подчеркивающие влияние анизотропии среды. При ориентации установки строго вдоль или вкрест простирания анизотропной толщи  $E_\varphi$  равна нулю и не равна нулю при отклонении установки от этих азимутов. Секрет высокой чувствительности установок ДЭП и Триполь [4] к анизотропии среды заключен в том, что обе установки включают по две элементарные Г-установки, поэтому даже при ориентации установок вдоль и поперек простирания приемные электроды отходят в сторону от оси установки и обеспечивают влияние  $E_\varphi$  компоненты. Соотношение форм этих компонент в зависимости от азимута установки видно на рис. 1. Соотношение амплитуд  $E_r/E_\varphi$  меняется с разносом. Например, для модели с параметрами первого слоя  $\rho_1=50 \text{ Ом}\cdot\text{м}$ ,  $H=1 \text{ м}$  и анизотропного основания  $\rho_t=2$ ,  $\rho_n=50$ ,  $\rho_m=10$ ,  $\lambda=5$  это отношение составляет около 170 на разносе 1 м и 1,5 на разносе 100 м. На малых разносах влияние анизотропного основания мало и преобладает влияние слоистой среды, и прежде всего первого слоя. С ростом разноса возрастает влияние анизотропии и азимутальной компоненты, поэтому отношение  $E_r/E_\varphi$  быстро уменьшается.

*Результаты расчетов для потенциал- (AM) и градиент- (AMN) установок.* На рис. 2, A, B, C приведены результаты расчетов кривых ВЭЗ для потенциал- ( $U$ ) и градиент- ( $E$ ) установок и графики каждого коэффициентов анизотропии ( $\lambda$ ) над моделями разрезов. Рассмотрены три случая: когда сопротивления анизотропной среды  $\rho_t$  и  $\rho_m$  меньше  $\rho_1$  (A), больше  $\rho_1$  (B) и когда  $\rho_t < \rho_1 < \rho_m$  (C). В целом кривые  $\rho_k$  для потенциал- ( $U$ ) и градиент- ( $E$ ) установок ведут себя сходным образом, начиная от значения  $\rho_1$  слева и выходя к значениям  $\rho_m$  для поперечной и  $\rho_t$  для продольной ориентации установок справа. Сдвиг кривых по оси разносов в области перехода от первого ко второму слою связан с разной глубинностью потенциал- и градиент-установок.

На рис. 2, A поведение кривых  $\lambda_k$  отличается тем, что для потенциал-установки значение  $\lambda_k$  монотонно возрастает от 1 до  $\lambda_{\text{истин}}$ , а для градиент-установки проходит через область слабого минимума, где  $\lambda_k < 1$  (в интервале разносов 1—3 м).

На рис. 2, B кривые  $\rho_k$  для продольных и поперечных установок обнаруживают более заметные различия. Продольные кривые выходят к значению  $\rho_m$  снизу, а поперечные — к значению  $\rho_t$  сверху, при этом первые являются двухслойными по форме, а вторые — трехслойными типа К. На графике  $\lambda_k$  для градиент-установки заметен широкий минимум в интервале разносов от 1 до 10  $r/h$ , где парадокс анизотропии отсутствует.

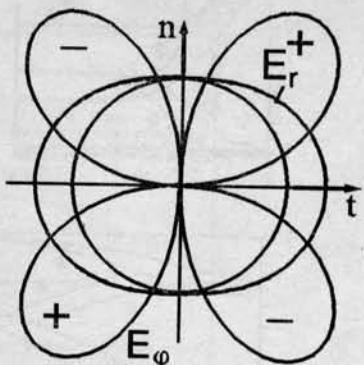


Рис. 1. Радиальная и азимутальная компоненты поля

Кривые  $\rho_k$  для продольных и поперечных зондирований на рис. 2, С различаются еще резче, чем в предыдущем случае. Продольные кривые являются монотонно восходящими двухслойными, а поперечные — нисходящей двухслойной для потенциал-установки и трехслойной типа К для градиент-установки. График  $\lambda_k$  для градиент-установки также имеет минимум с  $\lambda_k < 1$  в области малых  $r/h < 5$ .

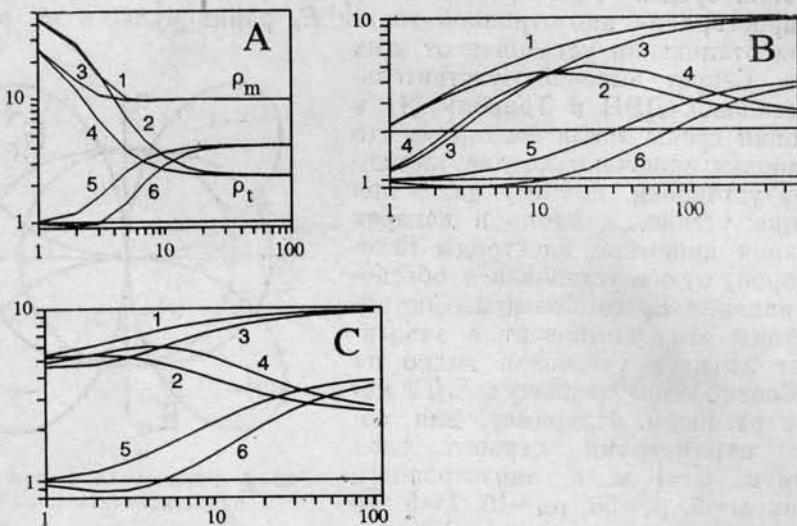


Рис. 2. Кривые зондирования  $AM$  и  $AMN$  над анизотропной средой с наносами:  $A - \rho_1=50$ ;  $B - \rho_1=1$ ;  $C - \rho_1=4.5$ ;  $\rho_t=2$ ,  $\rho_n=50$ ,  $\rho_m=10$ ,  $\lambda=5$ ;  $1 - \rho_k^{II}(U)$ ,  $2 - \rho_k^I(U)$ ,  $3 - \rho_k^{II}(E)$ ,  $4 - \rho_k^I(E)$ ,  $5 - \lambda_k(U)$ ,  $6 - \lambda_k(E)$

### Сравнение кривых ВЭЗ для анизотропной и изотропной моделей

На рис. 3 можно видеть поведение кривых  $\rho_k$  ( $U$  и  $E$ ) для анизотропной слоистой модели (1, 2) в сравнении с изотропной слоистой моделью (3, 4). Значение  $\rho_1=50$  Ом·м на рис. 3, А, В и  $\rho_1=1$  Ом·м на рис. 3, С, Д;  $\rho_2=10$  (3) или  $\rho_2=2$  (4), а для анизотропного основания  $\rho_t=2$ ,  $\rho_n=50$ ,  $\rho_m=10$ ,  $\lambda=5$ . Для нисходящих кривых  $\rho_k$  ( $U$  и  $E$ ) (рис. 3, А, В) изотропные и анизотропные  $U$  и  $E$  кривые ведут себя похоже, при этом продольные анизотропные кривые (1) раньше выходят к асимптоте 10 Ом·м, чем изотропные, а поперечные анизотропные кривые (2) выходят к асимптоте 2 Ом·м позже, чем изотропные. Для модели с  $\rho_1=1$  Ом·м (рис. 3, С, Д) продольные анизотропные кривые позже выходят к асимптоте 10 Ом·м, чем изотропные, а поперечные анизотропные кривые имеют форму трехслойных типа К, совершенно отличную от восходящих изотропных кривых, и, естественно, приближаются к асимптоте 2 Ом·м намного позже изотропных.

*Результаты расчетов для дипольной экваториальной установки.* На рис. 4 приведены результаты расчетов продольных и поперечных кривых ВЭЗ и графиков кажущейся анизотропии для дипольной экваториальной установки над анизотропным полупространством с  $\rho_t=1$  и  $\rho_n=2$  и разными сопротивлениями верхнего слоя: 10 (А), 0,1 (Б) и 0,8 Ом·м (С). Выбор трех моделей аналогичен описанному ранее для

потенциал- и градиент-установок (рис. 2), но значение коэффициента анизотропии уменьшено. Для сравнения для каждой модели приведены графики кажущейся анизотропии для потенциал-установки. Дипольная экваториальная установка обладает существенно большей чувствительностью к анизотропии, достигающей в пределе  $\lambda^5$  по сравнению

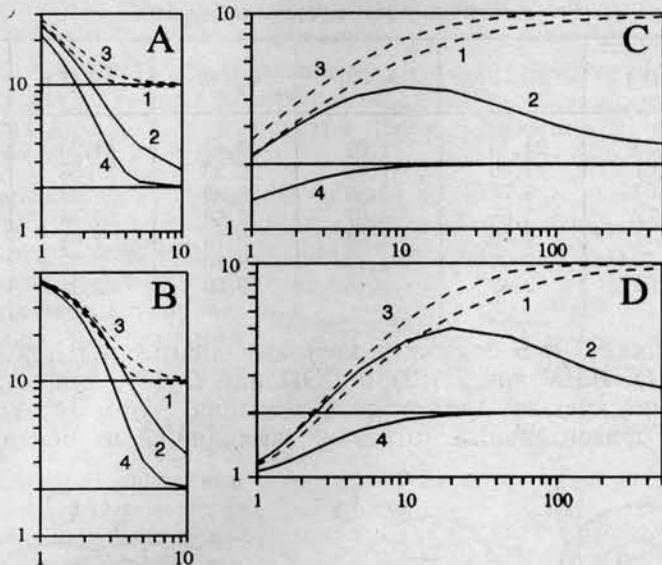


Рис. 3. Сравнение анизотропных и изотропных кривых ВЭЗ: A, C —  $U$ ; B, D —  $E$ ; 1—2 — ANIS; 3—4 — IS;  
1, 3 —  $\rho_k^{\text{II}}$ ; 2, 4 —  $\rho_k^{\text{I}}$

с линейными установками ( $AM, AMN$ ). Соотношение сопротивлений наносов и нижнего полупространства существенно влияет на форму кривых зондирования и на выход этих кривых к асимптотическим значениям. При мощности первого слоя 1 м выход на асимптоту в случае A можно отметить при  $r > 10$  м, в случае C он отмечается при  $r = 100$  м, а в случае B при  $r > 200$  м. Номера кривых на рис. 4 (A—C) соответствуют: 1 — продольной кривой зондирования, 2 — поперечной кривой зондирования, 3 — кажущейся анизотропии для ДЭЗ, 4 — кажущейся анизотропии для установки  $AM$ .

На графиках кажущейся анизотропии для ДЭЗ (3) не отмечены случаи нарушения парадокса анизотропии в отличие от градиент-установки  $AMN$ . Для случаев B и C поперечные кривые зондирования (2) над двухслойной средой имеют вид трехслойных, особенно в случае B.

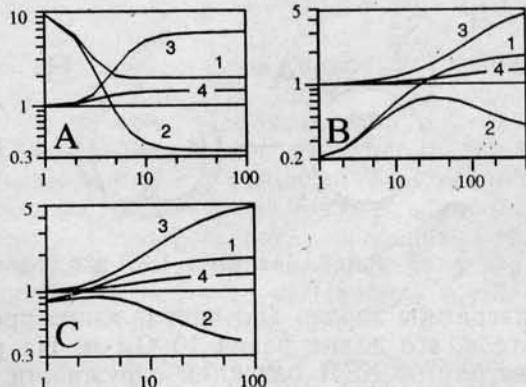


Рис. 4. Результаты расчетов для установки ДЭЗ: A —  $\rho_1=10$ ; B —  $\rho_1=0,1$ ; C —  $\rho_1=0,8$ ;  
 $\rho_n=1$ ,  $\rho_n=2$ ; 1 —  $\rho_k^{\text{II}}$ , 2 —  $\rho_k^{\text{I}}$ , 3 —  $\lambda_D$ , 4 —  $\lambda_U$ . Пояснения см. в тексте

Пытаясь сравнить свои расчеты с результатами других авторов, мы испытывали определенные затруднения от отсутствия цифровых таблиц, так как рисунки плохо подходят для сопоставления результатов. Поэтому помещаем краткую таблицу с расчетами для рис. 2, A:  $\rho_1=50$ ,  $H=1$ ,  $\rho_t=2$ ,  $\rho_n=50$ ,  $\rho_m=10$ ,  $\lambda=5$ .

Результаты расчетов круговых наблюдений

$AB/2$	$\rho_k^{\parallel}(U)$	$\rho_k^{\perp}(U)$	$\lambda_k(U)$	$\rho_k^{\parallel}(E)$	$\rho_k^{\perp}(E)$	$\lambda_k(E)$
1	25,23	24,75	1,02	43,45	44,20	0,98
2	14,01	11,80	1,18	26,23	27,86	0,94
5	9,67	3,77	2,56	9,89	6,89	1,44
10	9,72	2,65	3,67	9,68	3,36	2,88
20	9,71	2,40	4,04	9,75	2,54	3,84
50	9,69	2,35	4,13	9,70	2,37	4,09
100	9,69	2,33	4,15	9,69	2,35	4,13

На рисунках 5 и 6 показаны круговые диаграммы для установок  $AM$  или  $U$  (1),  $AMN$  или  $E$  (2) и  $D\Theta P$  или  $D$  (3), для моделей 1 и 3 с рис. 2 и нескольких разносов  $r$ , значения которых указаны на рис. 5 и 6. Горизонтальный отрезок, выходящий из центра каждой

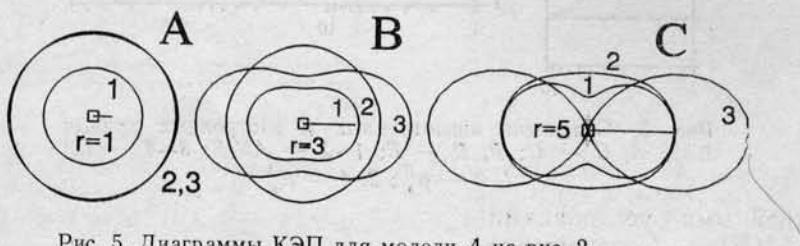


Рис. 5. Диаграммы КЭП для модели А на рис. 2

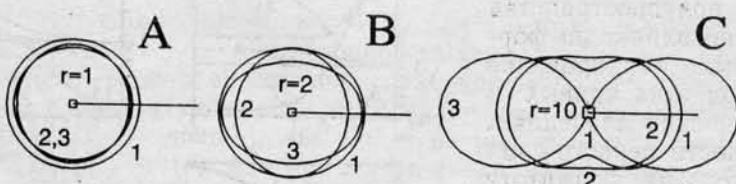


Рис. 6. Диаграммы КЭП для модели С на рис. 2

диаграммы вправо (по направлению простириания), приведен для масштаба, его длина равна 10 Ом·м. На рис. 5 (A) и 6 (A) для  $r=1$  м диаграммы КЭП близки к окружности. Диаграммы для  $E$  и  $D$  установок практически совпадают, а для установки  $U$  отличаются по радиусу в силу разной глубинности потенциал- и градиент-установок. На рис. 5 (B) и 6 (B) показаны диаграммы КЭП для переходного состояния от первого ко второму слою, когда круговые диаграммы для трех установок максимально отличаются одна от другой. На рис. 5, B диаграмма для  $E$  — почти идеальная окружность, так как, если посмотреть на рис. 2, A, видно, что на разносе 3 м график  $\lambda_k$  как раз пересекает ось  $\lambda_k=1$ . При этом диаграммы для  $U$  и  $D$  показывают заметную кажущуюся анизотропию. Так как асимптотическое значение  $\rho_k^{\parallel}$  для  $U$  и  $E$  установок составляет 10 Ом·м, то по кривой 1 видно, что

установка АМ близка к правой асимптоте. На рис. 6, В диаграмма для Е вытянута вкrest простирания, а для U и D — по простиранию, хотя вытянутость эллипса для U практически незаметна. На рис. 5, С и 6, С все три диаграммы показывают заметную вытянутость, существенно более резкую для D установки и сходную для установок U и E. Интересно отметить, что  $\lambda_k$  для U установки выше, чем для Е при близких или равных  $\rho_k$  за счет заниженных  $\rho_k$  для U установки.

При дальнейшем росте разносов картина качественно не меняется, а происходят только некоторые количественные изменения. Диаграммы КЭП для U и E становятся почти идентичными, а диаграммы для D резко от них отличаются.

**Пример.** На рис. 7 приведены результаты расчетов над моделью двухслойной среды с анизотропным основанием, соответствующей условиям Крымской учебной практики. Смоделирован разрез плато Патиль. Нижняя часть разреза сложена породами таврической серии, залегающими почти вертикально и имеющими  $\rho_m = 45 \text{ Ом} \cdot \text{м}$ ,  $\lambda = 1,62$ , а верхняя часть разреза мощностью 10 м — известковистые песчаники резанской свиты с  $\rho_1 = 28 \text{ Ом} \cdot \text{м}$ . Расчеты показывают, что установка Шлюмберже (Е) в практическом интервале разносов дает очень слабые различия продольных и поперечных кривых ВЭЗ (рис. 7, А). Это объясняет неудачи неоднократно предпринимавшихся попыток обнаружить анизотропию основания под слоем наносов с помощью установки Шлюмберже. Потенциал-установка АМ (U) может дать более заметный эффект анизотропии. Наилучший эффект можно получить при использовании установки ДЭП (D). Технологически наиболее удобно в одной точке выполнить зондирование с установкой Шлюмберже и круговые наблюдения с установкой ДЭП, что позволит охарактеризовать как слоистость, так и анизотропные свойства основания. На рис. 7, В, С приведены диаграммы КЭП для трех установок на разносах 30 (В) и 40 (С) м при мощности наносов 10 м. Начиная с  $r/h = 3-4$  установка ДЭП дает сильный эффект анизотропии.

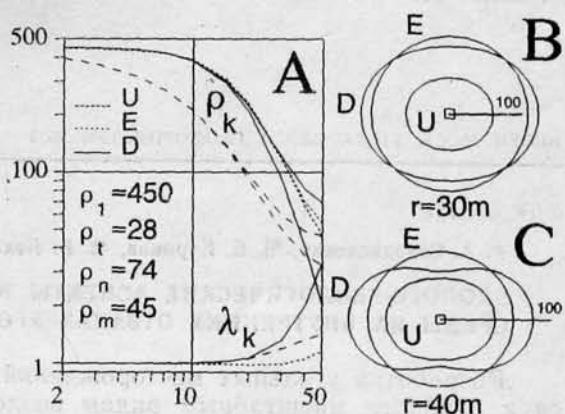


Рис. 7. Расчеты ВЭЗ и КЭП для плато Патиль

**Заключение.** Анализ результатов зондирования для потенциал- (AM), градиент- (AMN) установок и ДЭЗ над двухслойной средой с анизотропным основанием показывает, что анизотропия и слоистость проявляются в широком интервале разносов совместно и их влиянием нельзя пренебречь. Эту задачу нельзя также свести к более простой двухслойной модели с изотропными слоями или к модели анизотропного полупространства. Особенно противоречивый характер имеют графики  $\rho_k$  ВЭЗ для градиент-установки (E) — область исчезновения парадокса анизотропии. Поперечные восходящие кривые зондирования над двухслойным разрезом выглядят как трехслойные типа К. Это заставляет относиться к интерпретации данных над разрезами с анизотропным основанием с максимальной осторожностью и учитывать дан-

ные моделирования. Рекомендуется шире использовать установку ДЭЗ, обладающую максимально высокой чувствительностью к анизотропии.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Бреднев И. И., Сысков С. С. Поле точечного источника тока в присутствии анизотропной вертикально-слоистой среды, перекрытой слоем изотропных образований//Геофизические методы поисков и разведки. Свердловск, 1976. Вып. 3. С. 26—34.
2. Гуревич Ю. М., Сажина О. В. Электрическое поле точечного источника тока, погруженного в двухслойное анизотропное полупространство//Разведочная геофизика. М.: Недра, 1977. Вып. 74. С. 37—45.
3. Козак С. З. Поле точечного источника тока в горизонтально-слоистой анизотропной среде//Геология и геофизика. 1984. № 9. С. 134—138.
4. Шевнин В. А., Ракутухани Ф. Изучение анизотропии негоризонтальных напластований с помощью круговых наблюдений методом сопротивлений//Мат-лы XIX науч. конф. молодых ученых геол. ф-та МГУ. Секц. Геофизика. Деп. в ВИНТИ, № 3262В—92.

Поступила в редакцию  
26.07.94

ВЕСТН. МОСК. УН-ТА. СЕР. 4, ГЕОЛОГИЯ. 1996. № 2

УДК 624.131

Г. А. Голодковская, М. Б. Куринов, М. В. Лехов

#### ЭКОЛОГО-ГЕОЛОГИЧЕСКИЕ АСПЕКТЫ ВОССТАНОВЛЕНИЯ ПРИРОДНОЙ СРЕДЫ НА ВНУТРЕННИХ ОТВАЛАХ УГОЛЬНЫХ МЕСТОРОЖДЕНИЙ

Разработка угольных месторождений открытым способом относится к наиболее масштабным видам воздействия человека на природную среду. В районах ведения открытых горных работ отмечаются частичное или полное разрушение природных ландшафтов, выведение из сельскохозяйственного оборота плодородных земель, значительное изменение естественных гидрогеологических условий, загрязнение почв, подземных и поверхностных вод, изменение инженерно-геологических условий площадей, затронутых угледобычей. Отмеченные изменения носят долговременный характер и активно влияют на биоту и человека, вызывая серьезные неблагоприятные последствия.

Для основных разрабатываемых угольных месторождений России отчуждаемые площади достигают значительных величин — по разрезам Кузбасса они составляют 83 км<sup>2</sup>, а по первоочередным разрезам КАТЭКа около 30 км<sup>2</sup>. Проектируемая система ведения горных работ, например на КАТЭКе, предполагает возвращение для продуктивного использования в сельском хозяйстве менее 70% нарушенной площади, 30% площадей будет занято остаточными карьерами и траншеями. В то же время несправедливо и неразумно обвинять только горняков в экологических последствиях открытой разработки полезных ископаемых, необходимо найти компромиссное экологически обоснованное решение возникающих проблем. В настоящее время накоплен значительный опыт плодотворного сотрудничества горняков и местных властей по восстановлению и даже улучшению природных условий территорий, затронутых открытой разработкой буроугольных месторождений. Свидетельством тому может служить район Нижнего Рейна (ФРГ), где нарушенные ранее площади преобразованы в ландшафты с полным восстановлением их природной и культурной ценности [4]; в Ир-